### В. В. Попова,

Сибирский федеральный университет, г. Красноярск

## О СОДЕРЖАНИИ ОБУЧЕНИЯ МАТЕМАТИКЕ, СПОСОБСТВУЮЩЕМ ФОРМИРОВАНИЮ АЛГОРИТМИЧЕСКОЙ КОМПЕТЕНЦИИ СТУДЕНТОВ КОЛЛЕДЖА

#### Аннотация

В статье рассмотрены проблемы формирования профессиональной компетенции в курсе предметной подготовки в колледже, представлены основные аспекты методики формирования алгоритмической компетенции в процессе изучения математики и требования к содержанию обучения.

*Ключевые слова*: профессионально направленное обучение, алгоритмическая компетенция, прикладные задачи, оптимизация процесса обучения.

Модернизация современного производства и подготовка квалифицированных кадров — основные направления развития российской экономики. Система среднего профессионального образования, поддерживая эти направления, должна учитывать перспективы развития различных отраслей экономики региона, реагировать на возрастающие требования к профессиональным и личностным качествам специалиста, создавать благоприятную среду для формирования профессиональных компетенций будущего специалиста.

В этих условиях особую актуальность приобретает усиление предметно-профессиональной направленности в сфере профессионального образования, которая позволяет сформироваться будущему специалисту, предоставляя ему оптимальную педагогическую технологию [3]. Как правило, формирование профессиональных компетенций происходит при изучении специальных дисциплин, но с внедрением компетентностного подхода в систему профессионального образования наметилась тенденция исследования процесса формирования профессиональной компетенции в смежных или межпредметных областях (в частности, при изучении общеобразовательных предметов). Формирование алгоритмической компетентности при

интегрированном изучении дискретной математики и информатики рассмотрено в работах М. В. Кондурар, формирование профессиональных компетенций специалиста политехнического колледжа при изучении физико-математических дисциплин — в трудах И. В. Капц и т. д. Подобные исследования проводятся с целью повышения эффективности и оптимизации профессионального обучения. Тем не менее формирование профессиональной компетенции в процессе общеобразовательной подготовки в колледже сопровождается определенными трудностями. Прежде всего, необходимо учитывать то, что профессиональная компетенция формируется и проявляется в деятельности, следовательно, возникает необходимость в организации учебной и квазипрофессиональной деятельности студентов, направленной на формирование профессиональных компетенций, причем предметная подготовка в профессиональных образовательных организациях осуществляется в более короткие сроки, нежели в вузах.

Изучение математики в колледжах, подготавливающих специалистов в области компьютерных технологий, имеет все предпосылки для профессиональной направленности. С одной стороны, информатика как наука начала развиваться в математике, имеет

### Контактная информация

**Попова Виктория Валерьевна**, ст. преподаватель кафедры «Высшая математика — 2» Сибирского федерального университета, г. Красноярск; *адрес*: 660041, г. Красноярск, пр-т Свободный, д. 79; *телефон*: (391) 206-22-22; *e-mail*: vickvalru@mail.ru

### V. V. Popova

Siberian Federal University, Krasnoyarsk

# THE CONTENT OF TEACHING MATHEMATICS CONTRIBUTING TO THE FORMATION OF ALGORITHMIC COMPETENCE OF COLLEGE STUDENTS

### Abstract

The article describes the problems of formation of professional competence in the course of the subject training in a college, presents the main aspects of the methodics of formation of algorithmic competence in the study of mathematics and the requirements for the content of training

Keywords: professional directed training, algorithmic competence, application tasks, optimizing learning process.

общую тенденцию использования символов и множество межпредметных задач. С другой стороны, применение информационных технологий способствует оптимизации процесса обучения математике и его переходу на качественно новый уровень.

Под профессиональной направленностью обучения математике понимается «такое содержание учебного материала и организация его усвоения в таких формах и видах деятельности, которые, соответствуя системной логике построения курса математики, моделируют познавательные и практические задачи профессиональной деятельности» [4].

В данной статье мы рассмотрим формирование алгоритмической компетенции студентов колледжей, подготавливающих специалистов в области компьютерных технологий, на занятиях математикой.

В нашем понимании алгоритмическая компетенция представляет собой совокупность знаний основных алгоритмов изучаемого курса и умения пользоваться ими при решении задач определенного круга, способность комбинировать известные алгоритмы и составлять новые, готовность применять процесс алгоритмирования в различных предметных областях, прежде всего, профессиональной. Алгоритмизация является неотъемлемой составляющей процесса создания любой программы, а алгоритмическая компетенция, таким образом, — частью профессиональной компетенции ИТ-специалистов. Как любая профессиональная компетенция, алгоритмическая компетенция состоит из когнитивной (знания в области реальных объектов и способов действия в сфере алгоритмической компетенции), праксиологической (умения, навыки и способы деятельности) и аксиологической (отношение к деятельности, подготавливающей к будущей профессии) компонент [5].

Формирование алгоритмической компетенции осуществляется неравномерно, зависит как от внешних факторов (организация процесса обучения в колледже, методика обучения, нацеленность предметного обучения на развитие профессиональных компетенций и др.), так и от внутренних (мотивация обучения студента, способность к изучению математики и освоению профессии, готовность к саморазвитию, личностный опыт и др.). Кроме того, определенный уровень алгоритмической компетенции уже сформирован у студентов во время обучения в школе. К тому же алгоритмическая компетенция формируется в процессе изучения других предметов (информатики, физики, химии и т. д.) вместе с формированием взаимосвязанных с ней компетенций, она может находиться в форме внутреннего потенциала студента и проявляться только в момент возникновения проблемной ситуации [2].

В этих условиях мы видим свою задачу в отборе содержания обучения математике, обогащении учебного материала и организации процесса обучения, направленного на формирование математической компетенции, благоприятствующего развитию алгоритмической компетенции и подчиняющегося основным дидактическим принципам: целесообразности, непрерывности, системности, преемственности и поэтапности [5].

Содержание обучения математике в колледже, подготавливающем ИТ-специалистов, можно разделить на две части — теоретическую и практическую.

**Теоретическая часть** предполагает изучение теоретических основ курса математики: теорем, утверждений, основных определений, информационное наполнение тем в рамках утвержденной программы.

Практическая часть — область применения теоретических знаний: решение задач, построение математических моделей, создание алгоритмов решений задач, построение графиков, приближенные вычисления и т. д. Практическая часть содержания обучения математике наряду со стандартными задачами может содержать прикладные задачи (в том числе профессионально направленные задачи) и задачи межпредметного характера.

1. Стандартные задачи.

При решении этих задач требуется применение формул, теорем, а также известных алгоритмов решения. K этому виду относятся:

- вычислительные задачи;
- действия с алгебраическими выражениями;
- уравнения и неравенства;
- задачи, решаемые по образцу;
- построение известных графиков функций и т. л.

По уровню сложности эти задачи можно разделить на:

- элементарные непосредственное применение формул и алгоритмов;
- среднего уровня сложности требующие выполнения определенных преобразований и дополнительных действий:
- повышенного уровня сложности более сложные преобразования и нестандартные методы решений.

При решении задач этого вида обучающиеся демонстрируют знание формул и определений, умение применять их при решении задач, навыки, приобретенные при изучении курса математики.

2. Прикладные задачи.

Возникают в основном в межпредметных областях, их отличительным признаком является необходимость построения математической модели.

Выделим основные этапы решения прикладной залачи:

- 1) анализ содержания задачи, выявление величин, которыми может быть описана предложенная ситуация, установление отношений между этими величинами и связей между
- 2) организация поиска решения, создание математической модели, построение алгоритма;
- 3) осуществление решения по построенному алгоритму, работа с созданной моделью, проведение действий по решению задачи, получение результата;
- 4) анализ полученного результата, поиск других способов решения задачи, выбор оптимального метода, критическое оценивание результата.

При решении этих задач требуется применение предметных умений, создание или выбор алгоритма

действий, умение работать с информацией и находить пути решения.

3. Профессионально направленные задачи.

Являются частным случаем прикладных задач. По определению Е. В. Колбиной, профессионально ориентированная задача — это задача, «условие и требование которой определяют собой модель некоторой проблемной ситуации, возникающей в профессиональной деятельности, а исследование этой ситуации осуществляется средствами математики и способствует формированию у обучающихся

определенных умений и компетенций» [1]. Профессионально направленные задачи моделируют квазипрофессиональную ситуацию, строятся на учебном материале, способствующем усвоению изучаемой по математике темы, и являются актуальными для будущей профессиональной деятельности студентов, обогащая их личностный опыт.

Основные типы задач, способствующие формированию когнитивных и праксиологических компонент данной компетенции, представим в виде таблицы.

Таблица

№ п/п	Компоненты алгоритмической компетенции	Задачи
1	Умение описывать последовательность действий, составлять план решения задачи (знание основных понятий курса, знание способов решения задач)	Стандартные, прикладные и профессионально направленные задачи курса обучения математике в колледже
2	Умение найти альтернативное решение	Стандартные, прикладные и профессионально направленные задачи, допускающие разные методы решения
3	Умение работать с входными и промежуточными данными (знание ограничений на входные данные в виде формул, неравенств, уравнений, систем уравнений и т. д., выполнение определенных действий)	Стандартные, прикладные и профессионально направленные задачи, требующие нахождения области допустимых значений. Стандартные, прикладные и профессионально направленные задачи, требующие нахождения области применения формулы. Стандартные, прикладные и профессионально направленные задачи с графическим решением. Стандартные, прикладные и профессионально направленные задачи, требующие решения с заменой переменной
4	Умение построить математическую модель процесса или явления (описание процесса в виде формул, уравнений, неравенств, системы уравнений, построение логических выражений и т. д.)	Прикладные задачи, решаемые путем построения математической модели
5	Умение построить алгоритм решения задачи	Стандартные, прикладные и профессионально направленные задачи
6	Умение комбинировать известные алгоритмы	Стандартные, прикладные и профессионально направленные задачи
7	Умение реализовать алгоритм (решение задачи)	Стандартные, прикладные и профессионально направленные задачи
8	Умение проверить правильность решения задачи, оценить результат	Стандартные, прикладные и профессионально направленные задачи, допускающие проверку решения в Mathcad или применение другого метода решения
9	Владение алгоритмическими навыками (умение формализовать решение, подготовка к созданию программы, составление блок-схем, комбинирование блок-схем, использование псевдокодов)	Стандартные, прикладные и профессионально направленные задачи на применение и комбинирование готовых блок-схем. Стандартные, прикладные и профессионально направленные задачи на составление алгоритмов и блок-схем

Исходя из принципа целесообразности, необходимо определить оптимальное соотношение прикладных, профессионально направленных и стандартных задач, направленных на изучение темы. Представленный преподавателем объем учебного материала для изучения темы должен отражать научную модель знания, быть достаточным для организации дальнейшей учебной деятельности студентов и может быть пополнен прикладными заданиями, ориентированными на профессиональную деятельность [4]. Причем задания, способствующие формированию алгоритмической компетенции, должны иметь

межпредметный характер, соответствовать изучаемой теме, быть доступны для решения студентами колледжа и содержать элементы профессиональных задач. Кроме того, предлагаемые задачи должны быть представлены на разных уровнях сложности, а формы организации учебного процесса должны способствовать продуктивной учебной деятельности студентов, мотивировать их к саморазвитию и способствовать формированию аксиологического компонента алгоритмической компетенции.

В группе колледжа с углубленным изучением информатики численностью 28 человек был прове-

ден эксперимент. В рамках этого эксперимента при изучении темы «Матрицы. Действия над матрицами» набор стандартных задач был пополнен следующими заданиями, направленными на формирование алгоритмической компетенции:

1. Даны следующие логические высказывания:

A =«Матрица P имеет размер  $n \times k$ ,  $(n \neq k)$ »;

 $B = «Матрица Q имеет размер <math>k \times n$ ,  $(n \neq k)»$ ;

C =«Выполнимо произведение  $P^T \cdot Q$ »;

E =«Выполнимо произведение  $P^T \cdot Q^T$ »;

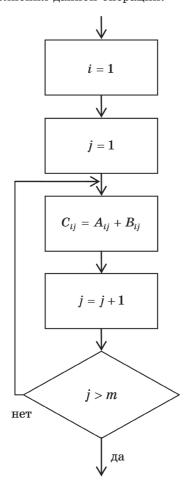
 $F = {
m ``Pезультат \ произведения -- \ квадратная \ матрица >\! .}$ 

Какие из следующих формул соответствуют истинным высказываниям:

1) 
$$(A \wedge B) \rightarrow (C \vee F);$$
 3)  $(A \wedge B) \rightarrow (E \wedge F);$ 

2)  $(A \wedge B) \rightarrow (E \vee F);$  4)  $(A \wedge B) \rightarrow (C \wedge F)$ ?

- 2. Составить алгоритм (или блок-схему алгоритма), определяющий возможность выполнения операции A+B, где A матрица размера  $m \times n$ , а B матрица размера  $p \times k$ .
- 3. Составить алгоритм (или блок-схему алгоритма), определяющий возможность выполнения операции AB, где A матрица размера  $m \times n$ , а B матрица размера  $p \times k$ .
- 4. Используя предложенный фрагмент, составить блок-схему алгоритма сложения матриц A и B, где A матрица размера  $m \times n$ , а B матрица размера  $p \times k$ , комбинируя ее с алгоритмом проверки возможности выполнения данной операции.



5. Выполнить умножение матриц:

$$\begin{pmatrix} -1,25 & 1,13 & 1,75 & 2,43 \\ -1 & 0,34 & 1,71 & -3,12 \\ 2,56 & 1,29 & 13,5 & -1,26 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1,31 & 1,71 & 0,24 & 2,75 \\ 2,51 & 3,1 & 1,36 & 1,12 \end{pmatrix}^{T}.$$

6. Составить алгоритм, проверяющий, является ли матрица кососимметрической. Построить блок-схему этого алгоритма. Пользуясь составленным алгоритмом, определить, является ли матрица

$$egin{pmatrix} 0 & -2 & -1 \ 2 & 0 & -5 \ 1 & 5 & 0 \end{pmatrix}$$
 кососимметрической.

7. Пользуясь алгоритмом нахождения произведения двух матриц, составить алгоритм (блок-схему алгоритма) нахождения матрицы  $A^p$ , где A — квадратная матрица размера  $n \times n$ ,  $p \in N$ .

Несколько задач было предложено для индивидуальной работы на занятии, решение некоторых задач по желанию студентов проводилось в парах, остальные задачи стали частью домашней работы. В результате проверки выяснилось:

- 25 студентов (89 %) приступали к решению задач, способствующих формированию алгоритмической компетенции;
- для решения части предложенных задач студенты активно пользовались пакетом Mathcad (при решении задачи 4 пакетом Mathcad пользовались 24 студента (86 %));
- 21 студент (75 %) группы предоставил алгоритмы решения задач (при этом определение кососимметрической матрицы было найдено каждым самостоятельно);
- к составлению блок-схемы приступали 14 студентов (50 %);
- комбинированием блок-схем занимались четыре студента (14 %);
- к решению стандартных задач по изучаемой теме приступали 26 студентов (93 %).

По завершении изучения темы было проведено тестирование, которое показало успешное ее усвоение студентами (неудовлетворительные отметки получили только пять студентов), к тому же определилась группа из шести человек, активно заинтересовавшихся заданиями и желающих дальше заниматься по предложенной методике.

Таким образом, можно сделать вывод о целесообразности введения в процесс обучения математике в колледже профессионально направленных задач. Задачи, направленные на формирование алгоритмической компетенции, повышают интерес студентов к изучению математики, актуализируют этот процесс, оказывают положительное влияние на формирование математической компетенции, развивают у студентов способность переносить полученные знания и навыки на различные области (прежде всего, профессиональную), способствуют формированию готовности к профессиональной деятельности.

Так как алгоритмическая компетенция формируется неравномерно и находится в форме внутреннего потенциала студентов, оценить уровень ее сформированности на начальных стадиях обучения довольно

проблематично. Тем не менее постоянное добавление в процесс обучения даже небольшого количества задач, ориентированных на формирование этой компетенции, при соблюдении принципов целесообразности, поэтапности, преемственности и системности способствует развитию алгоритмической компетенции и придает профессиональную направленность курсу обучения математике в колледже.

### Список использованных источников

1. Колбина Е. В. Квазипрофессиональная деятельность студентов технических направлений бакалавриата при компетентностно-контекстном обучении математике // Фундаментальные науки и образование: Материалы

- II Международной научно-практической конференции (г. Бийск, 2-5 марта 2014 г.). Бийск: АГАО, 2014.
- 2. Кон∂урар M. B. Развитие алгоритмической компетентности при интегрированном изучении дискретной математики и информатики // Вектор науки ТГУ. 2014. № 1.
- 3. *Носков М. В., Шершнева В. А.* Междисциплинарная интеграция в условиях компетентностного подхода // Высшее образование сегодня. 2008. № 9.
- 4. *Шершнева В. А.* Формирование математической компетентности студентов инженерного вуза на основе полипарадигмального подхода: монография. Красноярск, 2011.
- 5. Шкерина Л. В. Измерение и оценивание уровня сформированности профессиональных компетенций студентов будущих учителей математики: учебное пособие. Красноярск, 2014.

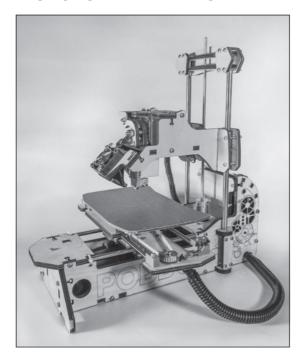
### НОВОСТИ

## В России создан 3D-принтер для детей

Резидент «Сколково» компания «Роббо» выпустила на рынок компактный 3D-принтер с повышенным уровнем безопасности, предназначенный для обучения детей основам 3D-моделирования и 3D-печати. Устройство, получившее название «Роббо 3D-принтер Mini», подходит для использования дома. Его розничная цена составляет 30 тыс. руб.

Принтер является собственной разработкой компании и производится в Санкт-Петербурге, как и вся продукция «Роббо». Вендор планирует реализовывать от 10 до 100 принтеров в месяц.

По словам Павла Фролова, продюсера компании «Роббо», развивающийся мировой рынок 3D-печати требует подготовленных специалистов, вырастить которых и поможет «Роббо 3D-принтер Mini». «Мы надеемся, что он попадет в каждую школу по всей России», — отмечает Фролов. Согласно прогнозу исследовательской компании PWC, к 2018 г. мировой рынок 3D-печати вырастет до \$16,2 млрд при среднегодовом темпе роста 45,7 %.



Принтер для детей имеет ряд отличий от «взрослых» аналогов. Он обладает повышенной устойчивостью к случайным повреждениям, что мешает ребенку его сломать. Также он оснащен защитным экраном, который не дает прикоснуться к соплу во время печати, что помогает обезопасить самого ребенка. «Детский» принтер меньше «взрослого», так как детям удобнее работать с компактными вещами: его габариты составляют 370 мм × 280 мм × 350 мм при весе 3,5 кг.

От «взрослого» принтера «Роббо 3D-принтер Mini» отличается компактностью и повышенным уровнем безопасности

Принтер состоит из четырех частей: основания, каретки Z, печатного стола и держателя шпилек. Диаметр сопла равен 0,4 мм, диаметр нити — 1,75 мм. Части устройства могут нагреваться максимум до 250 °С. Помимо уже готового к работе принтера производитель поставляет в комплекте USB-носитель с ПО и настройками, фильтр для прутка, блок питания и USB-кабель. Принтер создан на базе открытых программных и аппаратных технологий, все схемы и модели есть в открытом доступе.

У «Роббо 3D-принтера Mini» есть ограничение на размер изготавливаемых изделий — их параметры не могут превышать 170 мм  $\times$  100 мм  $\times$  100 мм. Принтер дает возможность печатать макеты различных изделий, пластиковые механизмы, декоративные предметы, а также вещи повседневного обихода (брелоки, свистки, крючки).

К принтеру прилагается подробная инструкция по работе. Отдельно у производителя можно приобрести рабочие тетради и учебник по робототехнике, креативному программированию и 3D-печати. Материалы были подготовлены методистами «Роббо» совместно с преподавателями петербургских школ.

Еще одним отличием «детского» принтера от «взрослого» является расходный материал. Для печати используется безопасный и экологически чистый PLA-пластик, сырьем для которого служат такие возобновляемые ресурсы, как кукуруза и сахарный тростник. Поскольку PLA-пластик — не очень термостойкий материал, на принтере лучше не печатать предметы, которые впоследствии будут долго находиться рядом с источником тепла (например, абажур для лампы), советует производитель.

(По материалам CNews)